

## Integralrechnung [Formeln]

### Flächeninhalt zur x-Achse:

$$A = \int_{x_1}^{x_2} (\text{Funktion}) \, dx$$

### Flächeninhalt zwischen 2 Funktionen:

$$A = \int_{x_1}^{x_2} (F_{\text{oben}} - F_{\text{unten}}) \, dx$$

### Bogenlänge:

$$\text{arclen}(\text{Funktion}, x, x_1, x_2)$$

### Schwerpunkt zur x-Achse:

$$x_s = \frac{1}{A} \cdot \int_{x_1}^{x_2} (x \cdot (\text{Funktion})) \, dx$$

$$y_s = \frac{1}{2 \cdot A} \cdot \int_{x_1}^{x_2} (\text{Funktion})^2 \, dx$$

### Schwerpunkt zwischen 2 Funktionen:

$$x_s = \frac{1}{A} \cdot \int_{x_1}^{x_2} (x \cdot (F_{\text{oben}} - F_{\text{unten}})) \, dx$$

$$y_s = \frac{1}{2 \cdot A} \cdot \int_{x_1}^{x_2} ((F_{\text{oben}})^2 - (F_{\text{unten}})^2) \, dx$$

# Integralrechnung [Formeln]

## Rotationsvolumen zur x-Achse:

$$V_x = \pi \cdot \int_{x_1}^{x_2} (\text{Funktion})^2 dx$$

## Rotationsvolumen zwischen 2 Funktionen:

$$V_x = \pi \cdot \int_{x_1}^{x_2} ((F_{\text{oben}})^2 - (F_{\text{unten}})^2) dx$$

## Mantelfläche zur x-Achse:

$$M_x = 2 \cdot \pi \cdot \int_{x_1}^{x_2} (\text{Funktion}) \cdot \sqrt{1 + (y')^2} dx$$

*(Inkl. 1. Ableitung der Zielfunktion quadrieren)*

## Volumenschwerpunkt zur x-Achse:

$$x_s = \frac{\pi}{V_x} \cdot \int_{x_1}^{x_2} (x \cdot (\text{Funktion})^2) dx$$

## Volumenschwerpunkt zwischen 2 Funktionen:

$$x_s = \frac{\pi}{V_x} \cdot \int_{x_1}^{x_2} (x \cdot ((F_{\text{oben}})^2 - (F_{\text{unten}})^2)) dx$$